

# 第七單元 細線化與骨架抽取

## Thinning and Skeletonization

陳慶瀚

2004-11-09

定義：*4-connectivity* and *8-connectivity*

- Two pixels are said to be 4-connected to each other if they are neighbors via any of the four cardinal directions (N, E, S, W).
- Two pixels are said to be 8-connected if they are neighbors via any of the eight directions (N, NE, E, SE, S, SW, W, NW).
- An object is said to be 4-connected if any of its pixels can be reached from any other pixel of the same object by traversing via 4-connected pixel pairs.

### 1. Distance Transform(DT)

DT 是一種應用在二值影像的運算子，其運算結果則為一灰階影像。與一般灰階影像不同，其強度並非表示亮度值，而是表示物件內部每一點與物件邊緣的距離。

設有物件內部的兩點  $p_1=(x_1, y_1)$ , 和  $p_2=(x_2, y_2)$ ，其距離可以用以下三種距離測度(*distance metrics*)表示：

**Euclidean distance:**

$$D_e(p_1, p_2) = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2}$$

**City block distance:**

$$D_4(p_1, p_2) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$$

**Chessboard distance:**

$$D_8(p_1, p_2) = \max(|x_1 - x_2|, |y_1 - y_2|)$$

如果以 1 表示物件像素，0 是背景像素，則 *distance transform* 定義為  
對於每一個物件區域的像素，計算其與最近的背景像素的距離，並以此距離  
值取代原像素值。

計算 *8-distance transform*

使用兩個 local window 進行 two-pass 的計算：



左邊的 window 用於前向的計算(forward pass), 右邊的 window 則用於後向的計算(backward pass)。

前向計算的順序是由左而右、由上而下，後向計算的順序則正好相反。每一次計算都檢查 4 個方向的最短距離(前向時是 W, NW, N, NE, 後向時則為 E, SE, S, SW)，詳細演算法如下：

1. Initialize the image pixels:

$$\text{Label the pixels } d_{x,y} = \begin{cases} 1, & \text{if pixel } x,y \text{ is black} \\ 0, & \text{if pixel } x,y \text{ is white} \end{cases}$$

2. Forward pass:

$$\text{For each object pixel: } d_{x,y} = \min(d_W, d_{NW}, d_N, d_{NE}) + 1$$

3. Backward pass:

$$\text{For each object pixel: } d_{x,y} = \min(d_{x,y}, d_E + 1, d_{SE} + 1, d_S + 1, d_{SW} + 1)$$

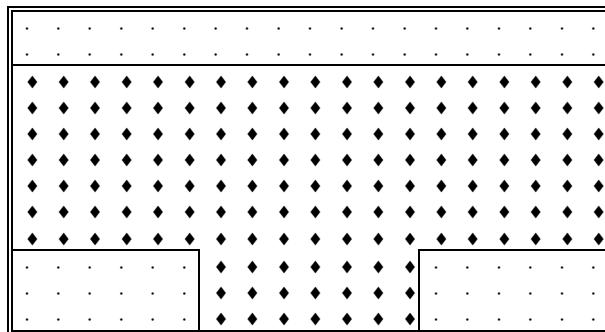
一個 *8-distance transform* 執行範例如下：

Original image:	前向計算後:	後向計算後:
0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 1 1 1 1 1 1 1 0	0 1 1 1 1 1 1 1 0	0 1 1 1 1 1 1 1 0
0 1 1 1 1 1 1 1 0	0 1 2 2 2 2 1 0 0	0 1 2 2 1 1 1 1 0
0 1 1 1 1 0 0 0 0	0 1 2 3 3 0 0 0 0	0 1 2 2 1 0 0 0 0
0 1 1 1 1 0 0 0 0	0 1 2 3 1 0 0 0 0	0 1 1 1 1 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0

### 計算 *4-distance transform*

*4-distance transform* 也可以使用類似的演算法，只是改成使用兩個方向(前向時是 W 和 N, 後向時則為 E 和 S)即可。.

下圖展示一張二值影像經的 *distance transform* 的計算：(a)是原始影像，(b)和(c)分別是 *4-distance* 和 *8-distance* 轉換的結果。



(a) Original image

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
<b>4</b>																			
3	3	3	3	3	3	4	<b>5</b>	5	5	5	<b>5</b>	4	3	3	3	3	3	3	3
2	2	2	2	2	2	3	4	5	<b>6</b>	5	4	3	2	2	2	2	2	2	2
1	1	1	1	1	1	2	3	4	5	4	3	2	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	4	3	2	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	<b>4</b>	3	2	1	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	<b>4</b>	3	2	1	0	0	0	0	0	0

(b) 4-distance transformed image

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
<b>4</b>																			
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
2	2	2	2	2	2	2	2	3	4	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2
1	1	1	1	1	1	1	2	3	<b>4</b>	3	2	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	4	3	2	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	<b>4</b>	3	2	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	1	2	3	<b>4</b>	3	2	1	0	0	0	0	0

(c) 8-distance transformed image

習題 1.

請寫一個程式，並以下圖為原始影像進行 **4-distance transform** 和 **8-distance transform**([下載miat400x200.raw](#))。



## 2. DT 影像的骨架抽取(Skeletonization)

以 DT 來抽取而直影像的骨架包含兩個步驟：

Step 1. Distance transform

Step 2. Detection of the skeletal points

第一個步驟可以採用上一節所介紹的 4-distance 或 8-distance transform。至於第二個步驟，使用一個 local window 沿著左上右下的掃描順序偵測骨架的像素。對於每一像素，測試它的鄰近 8 個像素，如果它是區域最大值，也就是它的距離值大於或等於其週邊的所有像素，則可以視其為骨架點(skeletal point)。

這個方法可能造成骨架的不連續，如下圖：

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

一些影像後處理的技術可以用來解決或改善骨架不連續的情形，例如型態學影像處理的 opening 運算子，或是 Arcelli and Baja 演算法。

### Arcelli-Baja 演算法

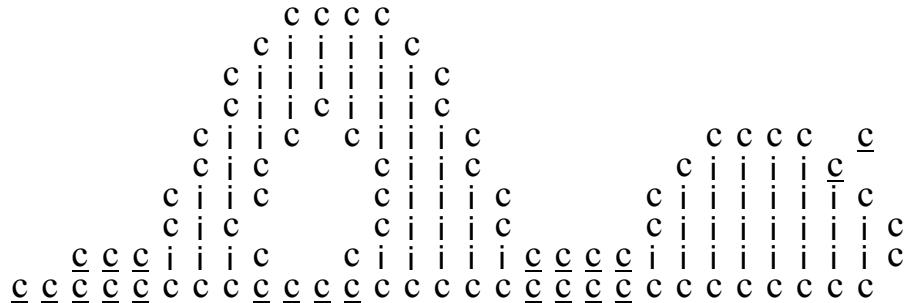
這個演算法應用在 4-distance 轉換後的影像，影像上的所有像素被分類為物件像素( $A$ )和背景像素( $\bar{A}$ )，物件像素進一步再分成內部像素(*inner pixels, I*)和輪廓像素(*contour pixels, C*)。像素的距離值  $d_4$  如果為 1，則其屬於  $C$ ，剩下的物件像素( $d_4 \geq 2$ )全屬於  $I$ 。

一個輪廓像素C，如果其相鄰 3x3 像素滿足以下兩個條件的其中一個條件，則定義該像素為multiple C：

1. Neither the N-S (north-south), nor the W-E (west-east) neighbor pairs are such that one belongs to  $I$  and another to  $\bar{A}$ .
2. Any of the triples in the set { N-NE-E, E-SE,S, S-SW-W, W-NW-N } are such that the diagonal neighbor belongs to  $C$ , while the remaining two belong to

$\bar{A}$ .

下圖經過這兩個條件的測試結果，C是偵測出來的*multiple*像素。

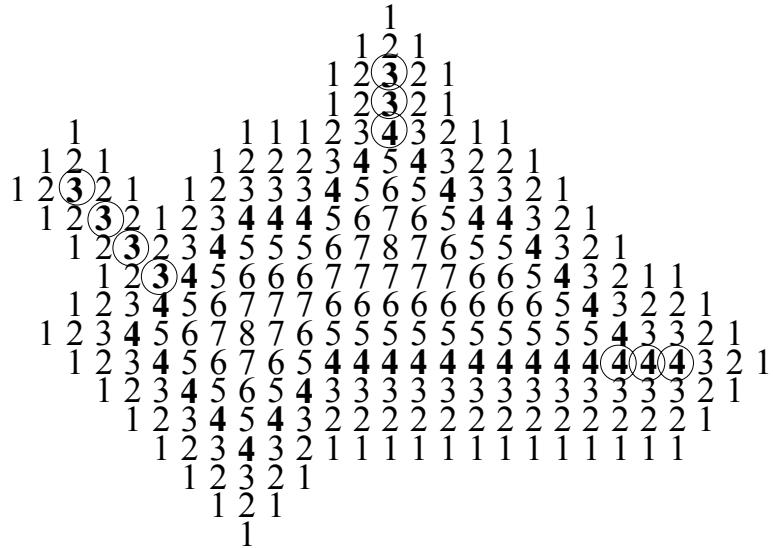


演算法：

步驟一、開始偵測輪廓像素( $C$ )，測試每一個像素是否滿足兩個條件的其中一個，若是將其標示為骨架像素，其餘的輪廓像素被歸類至背景像素( $\bar{A}$ )。

步驟二、偵測第二層的物件像素( $d_4=2$ )，先將這些像素從  $I$  移至  $C$ ，再重複步驟一。

下圖是第三層和第四層的偵測結果：



疊加各層所偵測出的 *multiple* 像素，就得到了骨架影像。

習題 2.

應用 Arcelli-Baja 演算法，抽取 miat400x200.raw 的骨架影像。

### 3.迭代刪除邊緣的細線化方法

以迭代方式一層一層刪除物件邊界的像素，最後保留中心的骨架(skeleton)，決定一個像素是否去除或保留係根據其與鄰近像素的關係。

P8	P1	P4
P7	P6	P5

P1是為待處理之像素，而P2至P9 為其相鄰像素。物件像素值為1，背景像素值為0。

任何一個迭代刪除方式的細線化演算法必須滿足以下需求：

- (a) 刪除的點不會消去端點；
- (b) 刪除的點不會中斷連結；
- (c) 不會引起區域的過度浸蝕。

Zhung and Suen(T.Y. Zhang and C.Y. Suen, “A fast parallel algorithm for thinning digital pattern,” Communications of the ACM, Vol. 27, No. 3, pp. 236-239,1984)

提出一個平行偵測刪除邊緣的細線化方法，其演算法如下：

### 步驟(1)

沿左上右下順序對所有物件像素進行偵測，把同時滿足下列4條件的點加以標記：

- (a)  $2 \leq N(P1) \leq 6$
- (b)  $S(P1)=1$
- (c1)  $P2 \cdot P4 \cdot P6 = 0$
- (d1)  $P4 \cdot P6 \cdot P8 = 0$

其中 $N(P1)$ 表示 $P1$  的相鄰像素中，非0值的像素個數，即：

$$N(p1)=p2+p3+\dots+p9$$

$S(Pi)$ 則是依序從 $p2->p3->94\dots-p9$ 當中，像素值從0變為1的次數。例如下圖

1	0	0
0	P1	1
0	1	1

可求出 $N(P1)=4$ ， $S(P1)=2$ 。

條件(a)中，當 $N(P1)=0$ ，表示 $P1$  為一孤立點，當 $N(P1)=1$ ，表 $P1$  為端點，對孤立點或端點，不予刪除，否則物件會因細化而消失或導致線條退化。當 $N(P1)>6$  時，則 $P1$  為一內點，此情況也不予刪除，否則細化結果會產生hole。

條件(b)中， $S(P1)$ 為由 $P2,P3, \dots, P9$ ，至 $P2$  之序列中由”0”變”1”的次數，若 $S(P1)>1$ ，則 $P1$ 必為物件中某些部份(components)之一“橋樑”(bridge)，若將之刪除將會造成斷點，

(c1)及(d1)是用來刪除右邊及下邊的邊點及左上的轉角點。

### 步驟(2)、刪除標記的點

### 步驟(3)

沿左上右下順序對所有物件像素進行偵測，把同時滿足下列4條件的點加以

標記：

- (a)  $2 \leq N(P1) \leq 6$
- (b)  $S(P1)=1$
- (c2)  $P2 \cdot P4 \cdot P8 = 0$
- (d2)  $P2 \cdot P6 \cdot P8 = 0$

(a)和(b)與步驟(1)相同，(c2)及(d2) 則用來刪除左邊及上邊的邊點及右下的轉角點。

步驟(4) 刪除標記的點。

步驟(5) 重複上述步驟(1)到(4)直到沒有標記的點為止。

#### 4. 細線化程式碼

```
//-----
// thinning.h
// thinning of binary image
// MIAT Lab, Kaohsiung, Taiwan
// Algorithm of Zhung and Suen(1984)
// revised by CHEN Ching-Han, 2004.11.09
//-----

bool thinning(uc2D &ima)
{
    bool success = false ;
    bool success2 = false;
    int count ;
    int count2;
    int num_transitions ;
    int transitions ;
    uc2D temp_array,temp;
    temp_array.Initialize(ima.nr,ima.nc);
    temp.Initialize(ima.nr,ima.nc);
    for (int i = 1; i < ima.nr-1; i++) {
        for (int j = 1; j < ima.nc-1; j++) {
            count = 0;
            num_transitions = 0;

            // check for N(p)
            if (ima.m[i][j] == 255) {
```

```

if (ima.m[i-1][j-1] != 0)
    count++;
if (ima.m[i][j-1] != 0)
    count++;
if (ima.m[i+1][j-1] != 0)
    count++;
if (ima.m[i+1][j] != 0)
    count++;
if (ima.m[i-1][j] != 0)
    count++;
if (ima.m[i+1][j+1] != 0)
    count++;
if (ima.m[i][j+1] != 0)
    count++;
if (ima.m[i-1][j+1] != 0)
    count++;

if (count != 8) {
    // 2 <= N(p) <= 6
    if (count >= 2 && count <= 6) {
        if(ima.m[i-1][j] == 0 && ima.m[i-1][j+1] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i-1][j+1] == 0 && ima.m[i][j+1] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i][j+1] == 0 && ima.m[i+1][j+1] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i+1][j+1] == 0 && ima.m[i+1][j] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i+1][j] == 0 && ima.m[i+1][j-1] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i+1][j-1] == 0 && ima.m[i][j-1] == 255)
            num_transitions++;
        if(ima.m[i-1][j-1] == 0 && ima.m[i-1][j] == 255)
            num_transitions++;
    }
}

//S(p) = 1

```

```

        if (num_transitions == 1) {
            // if p2 * p4 * p6 = 0
            if (ima.m[i-1][j] == 0 || ima.m[i][j+1] == 0 ||
                ima.m[i+1][j] == 0){
                // if p4 * p6 * p8 = 0
                if(ima.m[i][j+1] == 0 || ima.m [i+1][j] == 0 ||
                    ima.m[i][j-1] == 0) {
                    temp_array.m[i][j] = 0;
                    success = true;
                }
                else
                    temp_array.m[i][j] = 255;
            }
            else
                temp_array.m[i][j] = 255;
        }
        else
            temp_array.m[i][j] = 255 ;
    }
    else
        temp_array.m[i][j] = 255 ;
}
else
    temp_array.m[i][j] = 255 ;
}
else
    temp_array.m[i][j] = 255 ;
}
else
    temp_array.m[i][j] = 0;
}

}

//copy thinned image back to original
for (int a = 0; a < ima.nr; a++) {
    for (int b = 0; b < ima.nc; b++)
        ima.m[a][b] = temp_array.m[a][b];
}

// step 2 of the thinning algorithm
for (int k = 0; k < ima.nr; k++) {
    for (int l = 0; l < ima.nc; l++) {

```

```

count2 = 0;
transitions = 0;

if (ima.m[k][l] == 255) {
    if (ima.m[k-1][l-1] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k][l-1] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k+1][l-1] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k+1][l] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k-1][l] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k+1][l+1] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k][l+1] != 0)
        count2++;
    if (ima.m[k-1][l+1] != 0)
        count2++;

    if (count2 != 8) {
        if (count2 >= 2 && count2 <= 6) {
            if(ima.m[k-1][l] == 0 && ima.m[k-1][l+1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k-1][l+1] == 0 && ima.m[k][l+1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k][l+1] == 0 && ima.m[k+1][l+1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k+1][l+1] == 0 && ima.m[k+1][l] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k+1][l] == 0 && ima.m[k+1][l-1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k+1][l-1] == 0 && ima.m[k][l-1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k][l-1] == 0 && ima.m[k-1][l-1] == 255)
                transitions++;
            if(ima.m[k-1][l-1] == 0 && ima.m[k-1][l] == 255)
                transitions++;
        }
    }
}

```

```

        if (transitions == 1) {
            // if p2 * p4 * p8 = 0
            if(imam[k-1][l] == 0 || imam[k][l+1] == 0 ||
               imam[k][l-1] == 0){
                // if p2 * p6 * p8
                if(imam[k-1][l] == 0 || imam[k+1][l] == 0 ||
                   imam[k][l-1] == 0){
                    temp.m[k][l] = 0;
                    success2 = true;
                }
            }
            else
                temp.m[k][l] = 255;
        }
        else
            temp.m[k][l] = 255;
    }
    else
        temp.m[k][l] = 255;
}
else
    temp.m[k][l] = 255;
}
else
    temp.m[k][l] = 255;
}
else
    temp.m[k][l] = 0;
}

}

for (int a = 0; a < imam.nr; a++) {
    for (int b = 0; b < imam.nc; b++)
        imam[a][b] = temp.m[a][b];
}
if(success || success2) return true;
else return false;
}

```

使用範例：

```
void main()
{
    uc2D ima;
    int nr=120,nc=120;
    ifstream in("bin.raw",ios::binary);
    ofstream out("thin.raw");
    ima.Initialize(nr,nc);
    for(int i=0;i<ima.nr;i++)for(int j=0;j<ima.nc;j++)
        ima.m[i][j]=in.get();
    bool continue;
    while(1)
    {
        continue = thin(ima);
        if(continue==0)break;
    }
    for(int i=0;i<ima.nr;i++)for(int j=0;j<ima.nc;j++)out<<ima.m[i][j];
}
```

### 習題 3.

使用上述程式抽取 miat400x200.raw 的骨架影像，並與習題 2 所得到的影像重疊，找出兩個結果的差異，並加以說明。

#### 6. (option)細線化結果的改善

細線化容易產生骨架毛邊和交接點的骨架變形問題，思考如何將以後處理來改善此一結果。

a b c d e f g h i j k l m  
n o p q r s t u v w x y z

a b c d e f g h i j k l m  
n o p q r s t u v w x y z

a b c d e f g h i j k l m  
n o p q r s t u v w x y z